

Rättelse: Jesus Guilleras formler

G. Almkvist, A. Meurman

Av misstag råkade vi trycka en orättad version av G. Almkvist - A. Meurman: *Jesus Guilleras formler för $\frac{1}{\pi^2}$ och superkongruenser* i Nr 2, 2010. Här kommer rättelser:

- s.49 rad 3- PSLQ" \rightarrow "PSLQ"
 rad 2- om \rightarrow som
- s.50 rad 5 oberverade \rightarrow observerade
- s.52 rad 11 $\frac{32\sqrt{2}}{\pi^4} \rightarrow \frac{64\sqrt{2}}{\pi^4}$
- rad 1- $\left| \frac{\Gamma(2x+1+2iy)}{\Gamma(x+1+iy)} \right| \rightarrow \left| \frac{\Gamma(2x+1+2iy)}{\Gamma(x+1+iy)^2} \right|$
- s.53 rad 2 $\Gamma(x+1iy)\Gamma(2n-x+1+iy)$
 $\rightarrow \Gamma(x+1+iy)\Gamma(2n-x+1-iy)$
- rad 4 $\frac{1}{2} \exp(|y|) \rightarrow \frac{1}{2} \exp(\pi|y|)$
- rad 5 $\left| \binom{2k}{k}^3 \binom{2n}{n}^4 \binom{4n-2k}{2n-k} \right| \rightarrow \left| \binom{2z}{z}^3 \binom{2n}{n}^4 \binom{4n-2z}{2n-z} \right|$
- rad 8 $|G(n, z)| = O(4^{-n-x} n^{-3/2} |y|^{-1/2}) = O(\exp(c|z|))$
 för alla $0 < c < \pi$
 \rightarrow
 $|G(n, z)| = O(4^{-n-x} n^{-3/2} |y|^{-1/2})$
 så
 $H(z) = O(\exp(c|z|))$ då $\operatorname{Re}(z) \geq 0$ för alla $0 \leq c < \pi$
- rad 12 $(G(0, k) \rightarrow G(0, k)$
- s.54 rad 6 $\frac{\binom{k}{2n}}{\binom{2k-4n}{k-2n}} \rightarrow (-1)^k \frac{\binom{k}{2n}}{\binom{2k-4n}{k-2n}}$
- s.55 rad 13 $= \operatorname{ord}_p \frac{\dots}{2^{6n-8}} \rightarrow \geq \operatorname{ord}_p \frac{\dots}{2^{6n}}$

s.56 rad 12 $(1 - \frac{3p}{j} + \frac{4p^2}{j^2} + O(p^3)) \rightarrow (1 - \frac{3p}{j} - \frac{4p^2}{j^2} + O(p^3))$

s.57 rad 11 kongruence \rightarrow kongruens

rad 6- $\left(\frac{2}{p}\right) p^2 \rightarrow \left(\frac{2}{p}\right) p^2$

s.60 rad 4 $(2^{2-2p} - 1)B_{2p-2} \rightarrow (2^{2-2p} - 1)B_{2p-2} \pmod{p^2}$

rad 12 $\frac{B_j}{j} \rightarrow \frac{B_j}{n+j}$

I G. Almkvist, J. Guillera: "Ramanujan-like formulas for $\frac{1}{\pi^2}$ and String Theory", arXiv, NT/1009.5202 finns en ny formel

$$\frac{1}{\pi^2} = \frac{32}{3} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(6n)!}{n!^6} (532n^2 + 126n + 9) \frac{1}{1000^{2n+1}}$$

Den har den märkliga egenskapen att man med den kan beräkna en godtycklig decimal av $\frac{1}{\pi^2}$ utan att beräkna de tidigare decimalerna. En liknande formel för $\frac{1}{\pi}$ med samma egenskap hittades nyligen av den förste författaren

$$\frac{1}{\pi} = 512 \sum_{n=0}^{\infty} \binom{2n}{n} \binom{4n}{2n} \binom{6n}{2n} \frac{133n^2 + 79n + 6}{2n + 1} \frac{16^n}{100^{3n+2}}$$